

## '03 茨城大学

### 解説

[A] (1) P点での屈折の法則より

$$1 \cdot \sin \theta_0 = n \cdot \sin \theta_1$$

$$\text{ゆえに } \sin \theta_1 = \frac{1}{n} \sin \theta_0$$

(2) 右図で  $\theta_1 + \theta_2 + \angle S = 180^\circ$

$\angle APS = \angle AQS = 90^\circ$  だから

$$\alpha + \angle S = 180^\circ$$

よって  $\theta_1 + \theta_2 + 180^\circ - \alpha = 180^\circ$

$$\text{ゆえに } \theta_2 = \alpha - \theta_1$$

(3) Q点での屈折の法則より

$$n \cdot \sin \theta_2 = 1 \cdot \sin \theta_3$$

ここで  $\sin \theta_2 = \sin(\alpha - \theta_1)$

$$= \sin \alpha \cos \theta_1 - \cos \alpha \sin \theta_1$$

また  $\cos \theta_1 = \sqrt{1 - \sin^2 \theta_1}$

さらに  $\sin \theta_1 = \frac{1}{n} \sin \theta_0$

以上から

$$\sin \theta_3 = n \cdot \sin \theta_2$$

$$= n \cdot \sin \alpha \cdot \sqrt{1 - \sin^2 \theta_1} - n \cdot \sin \theta_1 \cos \alpha$$

$$= n \cdot \sin \alpha \cdot \sqrt{1 - \frac{\sin^2 \theta_0}{n^2}} - \sin \theta_0 \cos \alpha$$

$$= \sin \alpha \sqrt{n^2 - \sin^2 \theta_0} - \sin \theta_0 \cos \alpha$$

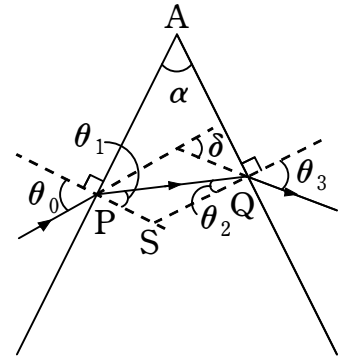
(4)  $\alpha + \angle S = 180^\circ$

また、四角形の内角の和は  $360^\circ$  だから

$$\theta_0 + \angle S + \theta_3 + (180^\circ - \delta) = 360^\circ$$

$$\theta_0 + (180^\circ - \alpha) + \theta_3 + 180^\circ - \delta = 360^\circ$$

$$\text{ゆえに } \delta = \theta_0 + \theta_3 - \alpha$$





## '03 茨城大学

したがって、最も暗くなったときの EF 面と GJ 面の距離を  $d$  とすると、GJ 面での反射で位相が反転するから、暗くなるときの条件式は

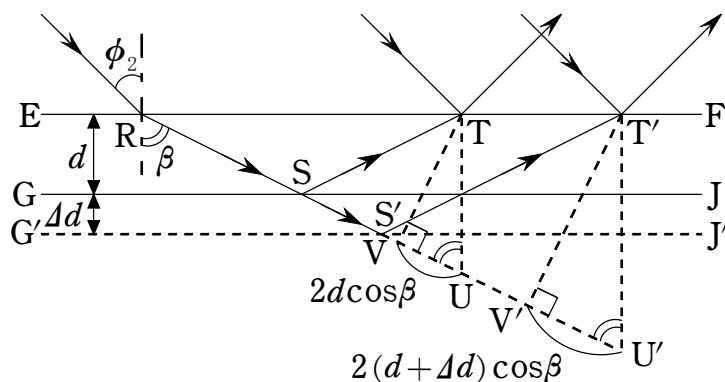
$$2d\cos\beta = \frac{\lambda}{2} \times 2m \quad (m=0, 1, 2, \dots) \quad \text{..... ①}$$

直方体が  $\Delta d$  だけ移動したときの条件式は

$$2(d + \Delta d)\cos\beta = \frac{\lambda}{2} \times 2(m + 1) \quad \text{..... ②}$$

② - ① より

$$2\Delta d\cos\beta = \frac{\lambda}{2} \times 2 \quad \text{よって} \quad \Delta d = \frac{\lambda}{2\cos\beta}$$



### 講評

プリズムを利用した、光の屈折の問題。問題自体は基礎的だが、計算が面倒な部分があるのと、数学的な知識を使う部分が多いのが多少気になる問題。実際の問題では、加法定理の式が与えられている。きちんと計算できる力を養っておきたい。